

# **LECTURA DE TESIS DOCTORAL**

*de D. Jorge Portolés Ibáñez.*

## **TITULO:**

**”Estudio de un Modelo Gauge de Interacción  
Electrodébil para Mesones y su aplicación  
a Desintegraciones Raras de Kaones”**

Aula de Seminarios de Física Teórica.

◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆◆

**Viernes, 21 de Junio de 1991, a las 11.00h.**

**My PhD Thesis:**  
**Weak  $U(4)_L \otimes U(4)_R$  linear chiral lagrangian model**

**Issue :** Radiative and rare kaon decays

(1987-1991)

# My PhD Thesis: Weak $U(4)_L \otimes U(4)_R$ linear chiral lagrangian model

Issue : Radiative and rare kaon decays

(1987-1991)

Context : Weak Chiral Perturbation Theory at LO (  $O(p^4)$  )

D'Ambrosio & Espriu (1986) ,

Ecker, Pich & De Rafael (1987, 1988 ... )

# My PhD Thesis: Weak $U(4)_L \otimes U(4)_R$ linear chiral lagrangian model

Issue : Radiative and rare kaon decays

(1987-1991)

Context : Weak Chiral Perturbation Theory at LO (  $O(p^4)$  )

D'Ambrosio & Espriu (1986) ,

Ecker, Pich & De Rafael (1987, 1988 ... )

Goal :  $K_S \rightarrow \gamma\gamma$ ,  $K^\pm \rightarrow \pi^\pm \ell^+ \ell^-$ ,  $K_S \rightarrow \pi^0 \ell^- \ell^-$ ,  $\ell = e, \mu$

# My PhD Thesis: Weak $U(4)_L \otimes U(4)_R$ linear chiral lagrangian model

Issue : Radiative and rare kaon decays

(1987-1991)

Context : Weak Chiral Perturbation Theory at LO (  $O(p^4)$  )

D'Ambrosio & Espriu (1986) ,

Ecker, Pich & De Rafael (1987, 1988 ... )

Goal :  $K_S \rightarrow \gamma\gamma$ ,  $K^\pm \rightarrow \pi^\pm l^+ l^-$ ,  $K_S \rightarrow \pi^0 l^- l^-$ ,  $l = e, \mu$

# My PhD Thesis: Weak $U(4)_L \otimes U(4)_R$ linear chiral lagrangian model

Issue : Radiative and rare kaon decays

(1987-1991)

Context : Weak Chiral Perturbation Theory at LO (  $O(p^4)$  )

D'Ambrosio & Esriu (1986) ,

Ecker, Pich & De Rafael (1987, 1988 ... )

Goal :  $K_S \rightarrow \gamma\gamma, K^\pm \rightarrow \pi^\pm l^+ l^-, K_S \rightarrow \pi^0 l^- l^-, \quad l = e, \mu$

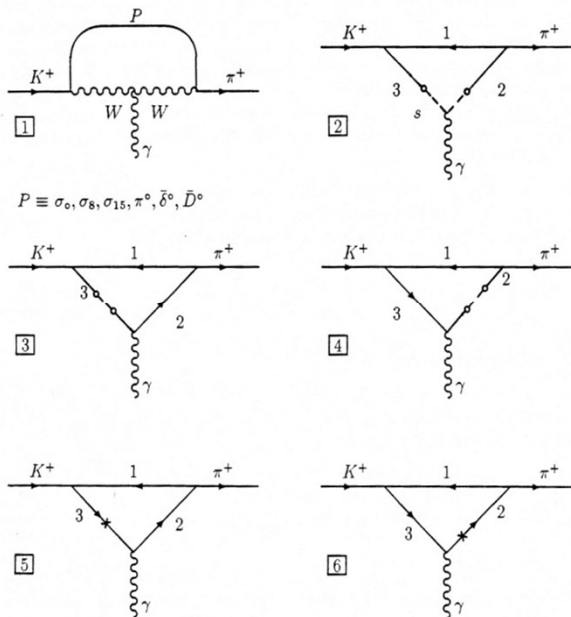


Tabla 5.7 Comparación de nuestro resultado para  $Br(K_s \rightarrow \pi^0 l^+ l^-)$  con los de EP

Magnitud	Predicción nuestra	Predicción EP	
		$w_+ = 1.16$	$w_+ = -0.57$
$Br(K_s \rightarrow \pi^0 e^+ e^-) \times 10^{10}$	<b>(1991)</b> 5.0	$4.8^{+2.0}_{-1.7}$	$49 \pm 6$
$Br(K_s \rightarrow \pi^0 \mu^+ \mu^-) \times 10^{10}$	1.2	$1.0 \pm 0.4$	$10 \pm 1$

# My PhD Thesis: Weak $U(4)_L \otimes U(4)_R$ linear chiral lagrangian model

Issue : Radiative and rare kaon decays

(1987-1991)

Context : Weak Chiral Perturbation Theory at LO (  $O(p^4)$  )

D'Ambrosio & Esprui (1986) ,

Ecker, Pich & De Rafael (1987, 1988 ... )

Goal :  $K_S \rightarrow \gamma\gamma, K^\pm \rightarrow \pi^\pm l^+ l^-, K_S \rightarrow \pi^0 l^- l^-, \quad l = e, \mu$

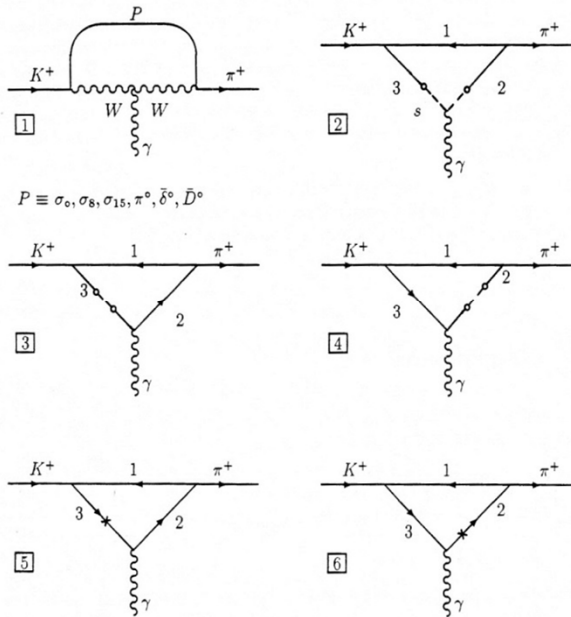


Tabla 5.7 Comparación de nuestro resultado para  $Br(K_s \rightarrow \pi^0 l^+ l^-)$  con los de EP

Magnitud	Predicción nuestra	Predicción EP	
		$w_+ = 1.16$	$w_+ = -0.57$
$Br(K_s \rightarrow \pi^0 e^+ e^-) \times 10^{10}$	<b>(1991)</b> 5.0	$4.8^{+2.0}_{-1.7}$	$49 \pm 6$
$Br(K_s \rightarrow \pi^0 \mu^+ \mu^-) \times 10^{10}$	1.2	$1.0 \pm 0.4$	$10 \pm 1$

**Experiment  
NA48/1  
(2003) (2004)**

$$Br(K_S \rightarrow \pi^0 e^+ e^-) \times 10^{10} = 58^{+29}_{-24}$$

$$Br(K_S \rightarrow \pi^0 \mu^+ \mu^-) \times 10^{10} = 29^{+15}_{-12}$$

# Weak $U(4)_L \otimes U(4)_R$ linear chiral lagrangian model

Physics Letters, B260 (1991) 394  
J. Portolés, F.J. Botella, S. Noguera

G.I.M. mechanism at work

$$K^\pm \rightarrow \pi^\pm l^+ l^- \quad \checkmark$$

$$K_S \rightarrow \pi^0 l^+ l^- \quad ?$$

↳ NA48 (2003, 2004) **x**

Physics Letters, B312 (1993) 191  
F.J. Botella, S. Noguera, J. Portolés

$$D \rightarrow PP \quad (19 \text{ decays})$$

Physics Letters, B360 (1995) 101  
F.J. Botella, S. Noguera, J. Portolés

$$D \rightarrow PPP \quad (20 \text{ decays})$$

Non-resonant contributions

Physics Letters, B422 (1998) 265  
G. Amorós, F.J. Botella, S. Noguera,  
J. Portolés

$$\Delta M_K \quad \checkmark \quad D^0 - \bar{D}^0 \quad \Delta M_D \sim 10^{-17} \text{ GeV}$$

As time goes by ..... anecdotes

## Capítulo 1

# Desintegraciones no leptónicas de kaones y la Teoría Estándar

### 1.1 La Teoría Estándar $SU(3)_c \otimes SU(2)_L \otimes U(1)_Y$

La introducción de la invariancia gauge [WE18], su formulación en la Electrodinámica Cuántica [PH30], la renormalizabilidad de la misma  $QED$  [SC48, SC49, FE48, FM49, DY49], la extensión de teorías gauge a grupos no abelianos [YM54] y de nuevo la demostración de que una teoría de estas características, incluso con ruptura espontánea de simetría, es renormalizable [tH71b], son los pilares que durante el siglo  $XX$  llevan, junto con otras muchas consideraciones no desdeñables, a que durante los años 70 una teoría de invariancia gauge no abeliana constituya la mejor aproximación conocida al comportamiento de la naturaleza por lo que a interacciones electrodébiles y fuertes se refiere. Una teoría con invariancia gauge es una formulación dinámica de la interacción entre la materia: leptones y quarks, y la creación de un formalismo en teoría cuántica de campos para la misma constituye una de las consideraciones no desdeñables citadas más arriba.

## As time goes by ..... anecdotes

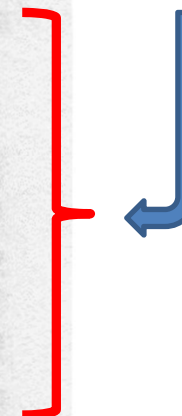
### Capítulo 1

# Desintegraciones no leptónicas de kaones y la Teoría Estándar

## 1.1 La Teoría Estándar $SU(3)_c \otimes SU(2)_L \otimes U(1)_Y$

La introducción de la invariancia gauge [WE18], su formulación en la Electrodinámica Cuántica [PH30], la renormalizabilidad de la misma  $QED$  [SC48, SC49, FE48, FM49, DY49], la extensión de teorías gauge a grupos no abelianos [YM54] y de nuevo la demostración de que una teoría de estas características, incluso con ruptura espontánea de simetría, es renormalizable [tH71b], son los pilares que durante el siglo  $XX$  llevan, junto con otras muchas consideraciones no desdeñables, a que durante los años 70 una teoría de invariancia gauge no abeliana constituya la mejor aproximación conocida al comportamiento de la naturaleza por lo que a interacciones electrodébiles y fuertes se refiere. Una teoría con invariancia gauge es una formulación dinámica de la interacción entre la materia: leptones y quarks, y la creación de un formalismo en teoría cuántica de campos para la misma constituye una de las consideraciones no desdeñables citadas más arriba.

Marcel  
Proust  
influence



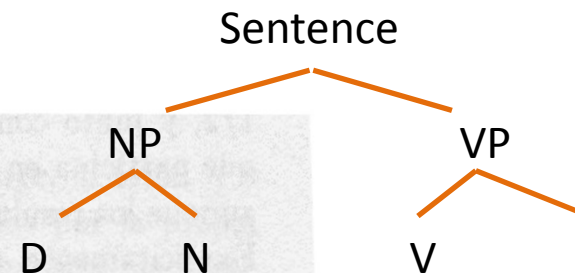
## As time goes by ..... anecdotes

### Capítulo 1

# Desintegraciones no leptónicas de kaones y la Teoría Estándar

## 1.1 La Teoría Estándar $SU(3)_c \otimes SU(2)_L \otimes U(1)_Y$

La introducción de la invariancia gauge [WE18], su formulación en la Electrodinámica Cuántica [PH30], la renormalizabilidad de la misma  $QED$  [SC48, SC49, FE48, FM49, DY49], la extensión de teorías gauge a grupos no abelianos [YM54] y de nuevo la demostración de que una teoría de estas características, incluso con ruptura espontánea de simetría, es renormalizable [tH71b], son los pilares que durante el siglo  $XX$  llevan, junto con otras muchas consideraciones no desdeñables, a que durante los años 70 una teoría de invariancia gauge no abeliana constituya la mejor aproximación conocida al comportamiento de la naturaleza por lo que a interacciones electrodébiles y fuertes se refiere. Una teoría con invariancia gauge es una formulación dinámica de la interacción entre la materia: leptones y quarks, y la creación de un formalismo en teoría cuántica de campos para la misma constituye una de las consideraciones no desdeñables citadas más arriba.



Marcel  
Proust  
influence

Syntactic  
Analysis

## A non-reasonable result for an integral...

Caso I :  $m^2 \gg q^2, p^2, m^2 \sim \mu^2$

$$I_\mu^3 = -\frac{i}{16\pi^2} q^2 p_\mu \left\{ \begin{array}{l} -\frac{4\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} \sqrt{\frac{4\mu^2}{q^2} - 1} \arctan\left[\left(\frac{4\mu^2}{q^2} - 1\right)^{-1/2}\right] \\ + \frac{4\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} - \frac{3\mu^2 + m^2}{3(\mu^2 - m^2)^3} \sqrt{\frac{4\mu^2}{q^2} - 1} \arctan\left[\left(\frac{4\mu^2}{q^2} - 1\right)^{-1/2}\right] \\ - \frac{m^4(3\mu^2 + m^2)}{6(\mu^2 - m^2)^5} \ln \frac{\mu^2}{m^2} + \frac{31\mu^4 + m^4 - 8m^2\mu^2}{36(\mu^2 - m^2)^4} \end{array} \right. \quad q^2 < 4\mu^2$$

$$\left\{ \begin{array}{l} -\frac{2\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} \sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} \ln \frac{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} + 1}{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} - 1} \\ + \frac{4\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} - \frac{3\mu^2 + m^2}{6(\mu^2 - m^2)^3} \sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} \ln \frac{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} + 1}{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} - 1} \\ - \frac{m^4(3\mu^2 + m^2)}{6(\mu^2 - m^2)^5} \ln \frac{\mu^2}{m^2} + \frac{31\mu^4 + m^4 - 8m^2\mu^2}{36(\mu^2 - m^2)^4} \end{array} \right. \quad q^2 > 4\mu^2$$

## A non-reasonable result for an integral...

Caso I:  $m^2 \gg q^2, p^2, m^2 \sim \mu^2$

$$I_\mu^3 = -\frac{i}{16\pi^2} q^2 p_\mu \left\{ \begin{array}{l} -\frac{4\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} \sqrt{\frac{4\mu^2}{q^2} - 1} \arctan\left[\left(\frac{4\mu^2}{q^2} - 1\right)^{-1/2}\right] \\ + \frac{4\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} - \frac{3\mu^2 + m^2}{3(\mu^2 - m^2)^3} \sqrt{\frac{4\mu^2}{q^2} - 1} \arctan\left[\left(\frac{4\mu^2}{q^2} - 1\right)^{-1/2}\right] \\ - \frac{m^4(3\mu^2 + m^2)}{6(\mu^2 - m^2)^5} \ln \frac{\mu^2}{m^2} + \frac{31\mu^4 + m^4 - 8m^2\mu^2}{36(\mu^2 - m^2)^4} \\ \\ - \frac{2\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} \sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} \ln \frac{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} + 1}{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} - 1} \\ + \frac{4\mu^2}{3q^2[m^2 - \mu^2]^2} - \frac{3\mu^2 + m^2}{6(\mu^2 - m^2)^3} \sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} \ln \frac{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} + 1}{\sqrt{1 - \frac{4\mu^2}{q^2}} - 1} \\ - \frac{m^4(3\mu^2 + m^2)}{6(\mu^2 - m^2)^5} \ln \frac{\mu^2}{m^2} + \frac{31\mu^4 + m^4 - 8m^2\mu^2}{36(\mu^2 - m^2)^4} \end{array} \right.$$

$q^2 < 4\mu^2$

$q^2 > 4\mu^2$